

## 4. Übungsblatt

**Ausgabe:** 19. Mai 2006    **Abgabe:** 26. Mai 2006, 12 Uhr  
Die Bearbeitung in Zweiergruppen ist ausdrücklich erwünscht.

### Aufgabe 10: Sichtbarkeitsrepräsentation

6 Punkte

Entwerfen Sie einen effizienten Algorithmus, der aus einem gegebenen Dekompositionsbaum eines serien-parallelen Graphen eine Sichtbarkeitsrepräsentation berechnet; er soll für jeden Knoten die Endpunkte des horizontalen und für jede Kante die Endpunkte des vertikalen Liniensegments ausgeben. Welche Laufzeit hat Ihr Algorithmus?

### Aufgabe 11: Platzverbrauch

8 Punkte

Eine Klasse von Graphen  $G_n = (V_n, E_n)$  sei für alle  $n \in \mathbb{N}$  rekursiv definiert durch

- $V_0 = \{s_0, t_0\}$  und  $E_0 = \{(s_0, t_0)\}$ ,
- $V_n = V_{n-1} \cup \{s_n, t_n\}$  und  $E_n = E_{n-1} \cup \{(t_{n-1}, t_n), (s_n, s_{n-1}), (s_{n-1}, t_n), (s_n, t_n)\}$ .

Die Einbettung von  $G_n$  sei so, dass  $(s_{n-1}, t_n)$  auf der rechten Seite der Einbettung von  $G_{n-1}$  liegt und  $(s_n, t_n)$  auf der linken.

- Zeigen Sie, dass die Graphen  $G_n$  serien-parallel sind.
- Sei  $A(G_n)$  der Platzverbrauch einer aufwärtsgerichteten, einbettungserhaltenden, geradlinigen Zeichnung von  $G_n$ . Zeigen Sie:  $A(G_n) \geq 4 \cdot A(G_{n-1})$ .
- Schließen Sie daraus, dass  $A(G_n) \in \Omega(4^n)$ .

**Hinweis:** Betrachten Sie die Horizontalen durch  $s_{n-1}$  und  $t_{n-1}$ , sowie die Gerade durch  $s_{n-1}$  und  $s_{n-2}$ . Wo können  $s_n$  und  $t_n$  liegen? Betrachten Sie dann die Gerade durch  $t_n$  und  $t_{n-1}$ .

### Aufgabe 12: Symmetrien

6 Punkte

Sei  $G$  ein serien-paralleler Graph, für den es sowohl eine horizontal symmetrische, als auch eine punktsymmetrische aufwärtsplanare Zeichnung gibt. Gibt es für  $G$  dann immer auch eine aufwärtsplanare Zeichnung mit beiden Symmetrien?